

OSLOMET

# Rette linjer

Nikolai Bjørnestøl Hansen

OSLO METROPOLITAN UNIVERSITY  
STORBYUNIVERSITETET



Foto: Ronny Østnes / OsloMet

# Rette linjer

## 1 Rette linjer

- Koordinatsystem
- Formel for linje
- Konstantledd og stigningstall

## 2 Grafisk avlesning

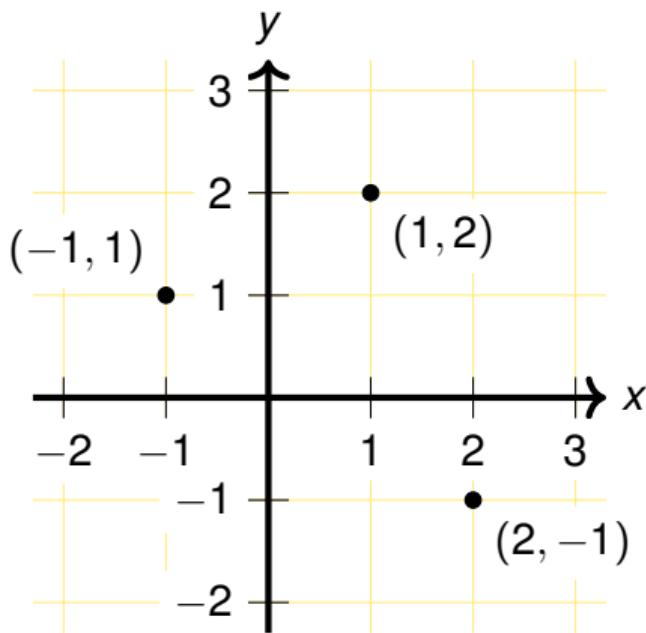
## 3 Grafisk løsning av lineære likningssett

# Koordinatsystem

Hvis vi skal holde styr på to tall samtidig, kan vi se dem for oss grafisk i et koordinatsystem.

# Koordinatsystem

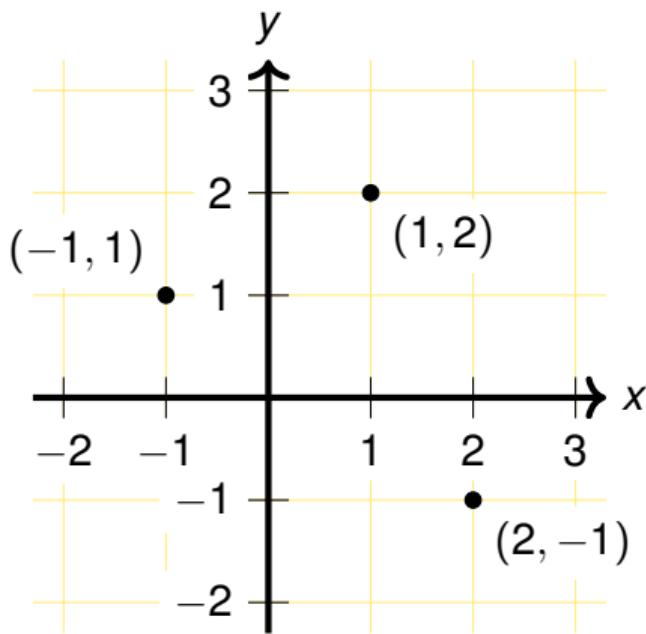
Hvis vi skal holde styr på to tall samtidig, kan vi se dem for oss grafisk i et koordinatsystem.



- Punktet  $(x, y)$  «lagrer» tallet  $x$  langs den vannrette aksen og tallet  $y$  langs den looddrette aksen.

# Koordinatsystem

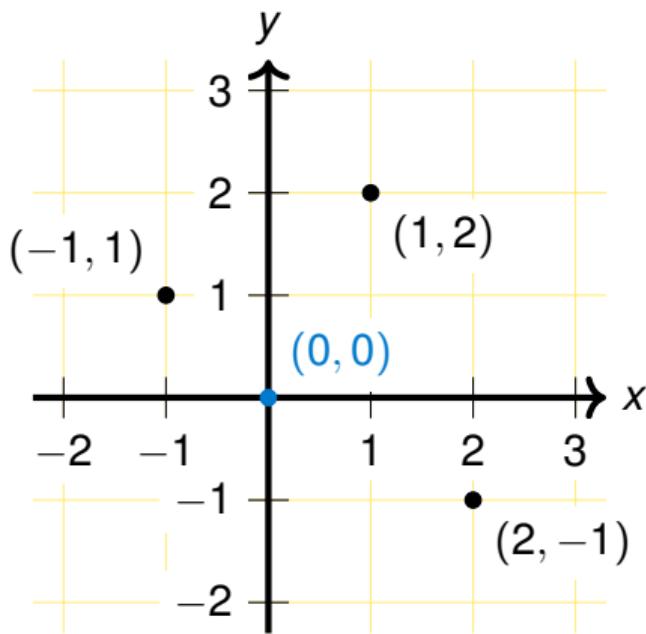
Hvis vi skal holde styr på to tall samtidig, kan vi se dem for oss grafisk i et koordinatsystem.



- Punktet  $(x, y)$  «lagrer» tallet  $x$  langs den vannrette aksen og tallet  $y$  langs den looddrette aksen.
- Vi kan også bruke to tall til å beskrive et punkt.

# Koordinatsystem

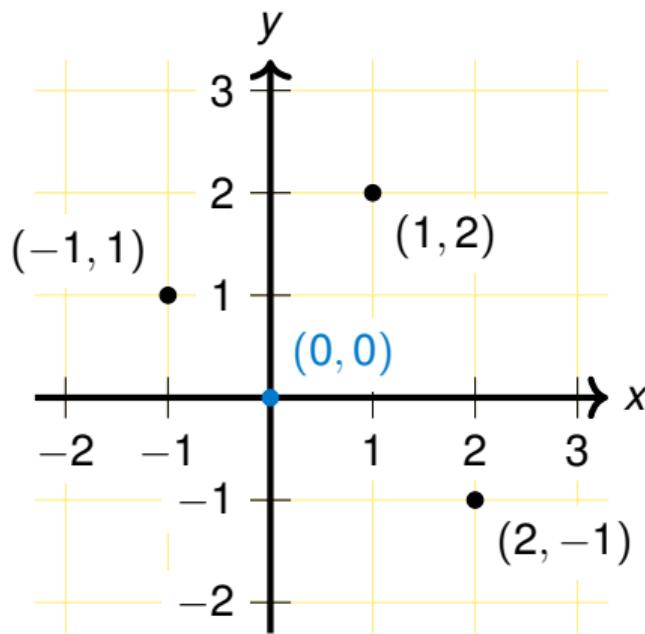
Hvis vi skal holde styr på to tall samtidig, kan vi se dem for oss grafisk i et koordinatsystem.



- Punktet  $(x, y)$  «lagrer» tallet  $x$  langs den vannrette aksen og tallet  $y$  langs den looddrette aksen.
- Vi kan også bruke to tall til å beskrive et punkt.
- Punktet  $(0, 0)$  kaller vi **origo**.

# Koordinatsystem

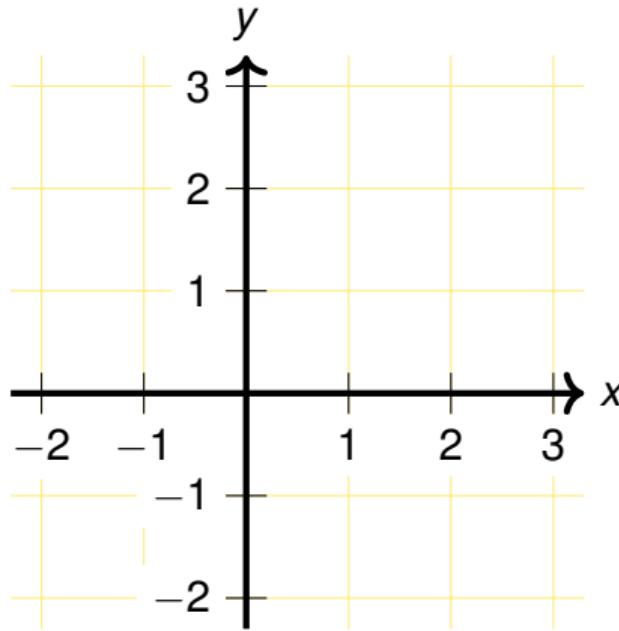
Hvis vi skal holde styr på to tall samtidig, kan vi se dem for oss grafisk i et koordinatsystem.



- Punktet  $(x, y)$  «lagrer» tallet  $x$  langs den vannrette aksen og tallet  $y$  langs den looddrette aksen.
- Vi kan også bruke to tall til å beskrive et punkt.
- Punktet  $(0, 0)$  kaller vi **origo**.
- Vi kommer til å bruke koordinatsystemet til å tegne opp **alle** punkter som løser en likning.

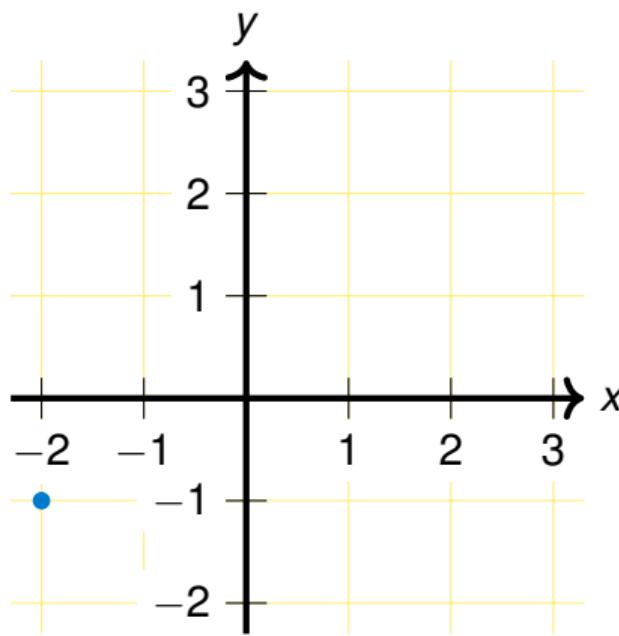
# Koordinater og likninger

Vi har likningen  $y = x + 1$ . La oss finne noen løsninger.



# Koordinater og likninger

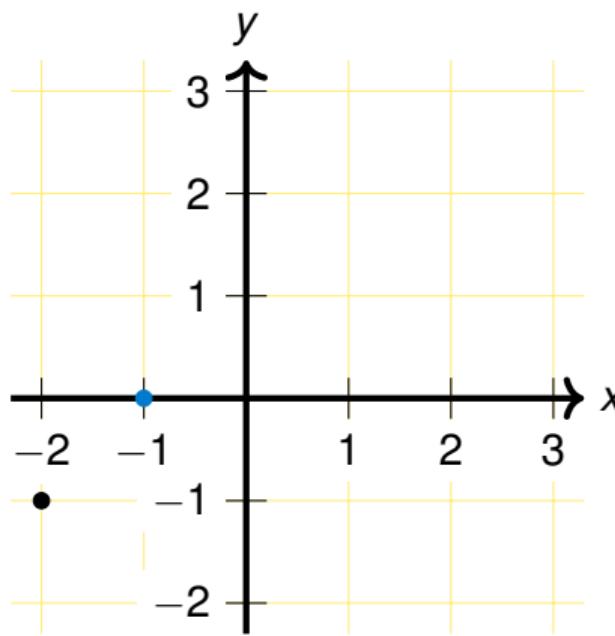
Vi har likningen  $y = x + 1$ . La oss finne noen løsninger.



■ Når  $x = -2$  er  $y = -2 + 1 = -1$ .

# Koordinater og likninger

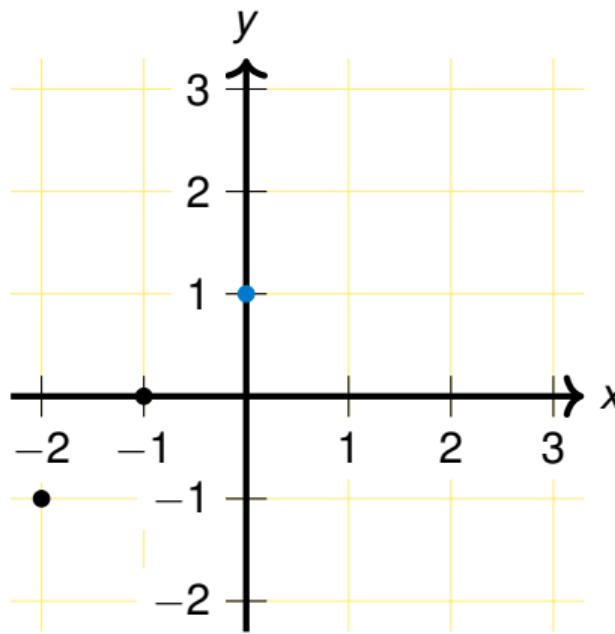
Vi har likningen  $y = x + 1$ . La oss finne noen løsninger.



- Når  $x = -2$  er  $y = -2 + 1 = -1$ .
- Når  $x = -1$  er  $y = -1 + 1 = 0$ .

# Koordinater og likninger

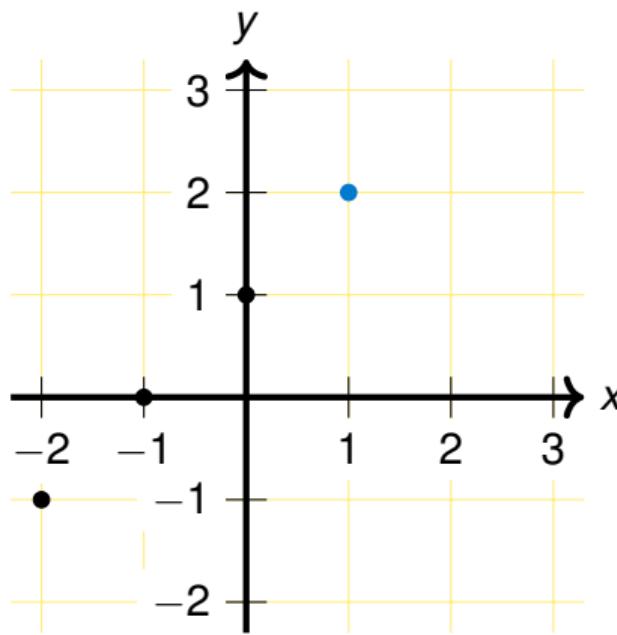
Vi har likningen  $y = x + 1$ . La oss finne noen løsninger.



- Når  $x = -2$  er  $y = -2 + 1 = -1$ .
- Når  $x = -1$  er  $y = -1 + 1 = 0$ .
- Når  $x = 0$  er  $y = 0 + 1 = 1$ .

# Koordinater og likninger

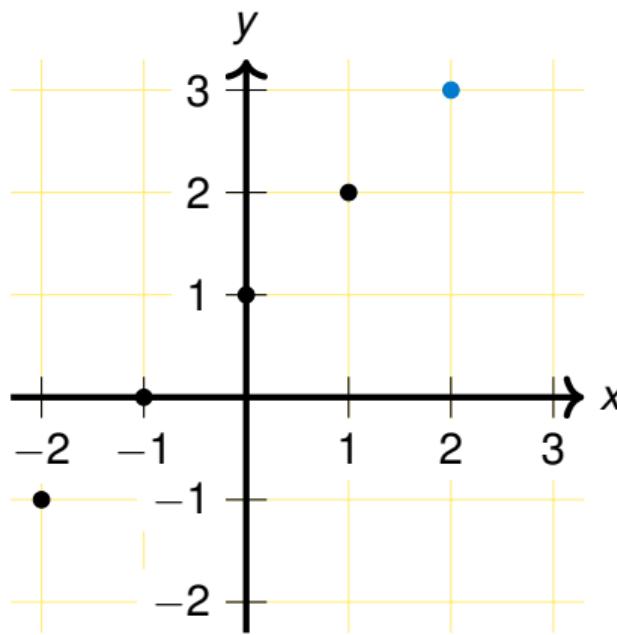
Vi har likningen  $y = x + 1$ . La oss finne noen løsninger.



- Når  $x = -2$  er  $y = -2 + 1 = -1$ .
- Når  $x = -1$  er  $y = -1 + 1 = 0$ .
- Når  $x = 0$  er  $y = 0 + 1 = 1$ .
- Når  $x = 1$  er  $y = 1 + 1 = 2$ .

# Koordinater og likninger

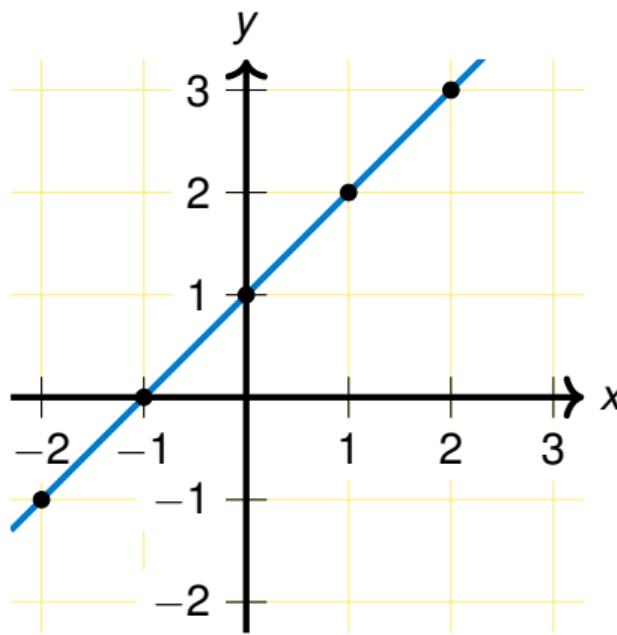
Vi har likningen  $y = x + 1$ . La oss finne noen løsninger.



- Når  $x = -2$  er  $y = -2 + 1 = -1$ .
- Når  $x = -1$  er  $y = -1 + 1 = 0$ .
- Når  $x = 0$  er  $y = 0 + 1 = 1$ .
- Når  $x = 1$  er  $y = 1 + 1 = 2$ .
- Når  $x = 2$  er  $y = 2 + 1 = 3$ .

# Koordinater og likninger

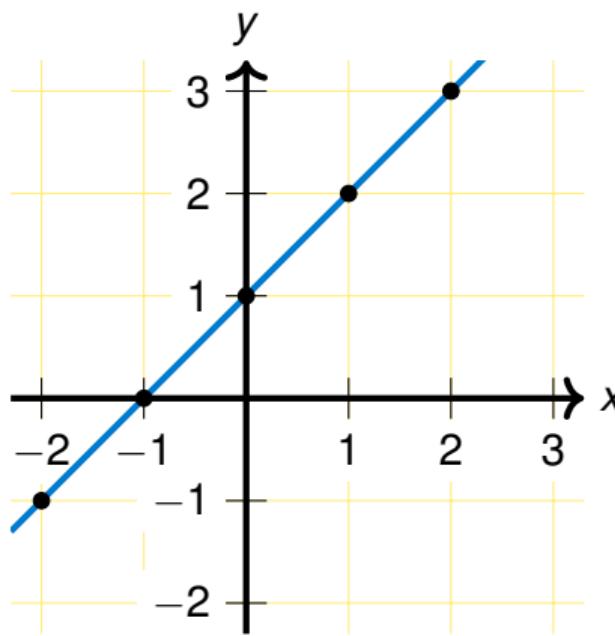
Vi har likningen  $y = x + 1$ . La oss finne noen løsninger.



- Når  $x = -2$  er  $y = -2 + 1 = -1$ .
- Når  $x = -1$  er  $y = -1 + 1 = 0$ .
- Når  $x = 0$  er  $y = 0 + 1 = 1$ .
- Når  $x = 1$  er  $y = 1 + 1 = 2$ .
- Når  $x = 2$  er  $y = 2 + 1 = 3$ .
- Alle disse punktene ligger på linje.

# Koordinater og likninger

Vi har likningen  $y = x + 1$ . La oss finne noen løsninger.



- Når  $x = -2$  er  $y = -2 + 1 = -1$ .
- Når  $x = -1$  er  $y = -1 + 1 = 0$ .
- Når  $x = 0$  er  $y = 0 + 1 = 1$ .
- Når  $x = 1$  er  $y = 1 + 1 = 2$ .
- Når  $x = 2$  er  $y = 2 + 1 = 3$ .
- Alle disse punktene ligger på linje.
- Alle punktene på linja er faktisk løsningene til likningen.

# Rette linjer

## 1 Rette linjer

- Koordinatsystem
- Formel for linje
- Konstantledd og stigningstall

## 2 Grafisk avlesning

## 3 Grafisk løsning av lineære likningssett

# Formel for linje

- Alle likninger på formen  $y = a \cdot x + b$  beskriver en linje i koordinatsystemet.

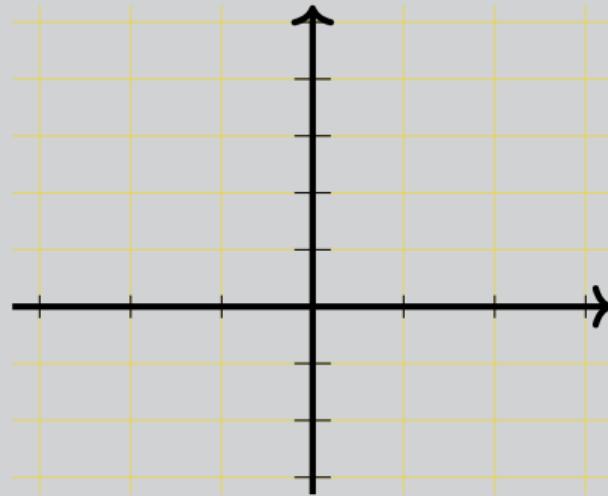
# Formel for linje

- Alle likninger på formen  $y = a \cdot x + b$  beskriver en linje i koordinatsystemet.
- Den mest rett frem måten å tegne den på er å regne ut to punkter.

# Formel for linje

- Alle likninger på formen  $y = a \cdot x + b$  beskriver en linje i koordinatsystemet.
- Den mest rett frem måten å tegne den på er å regne ut to punkter.

## Eksempel

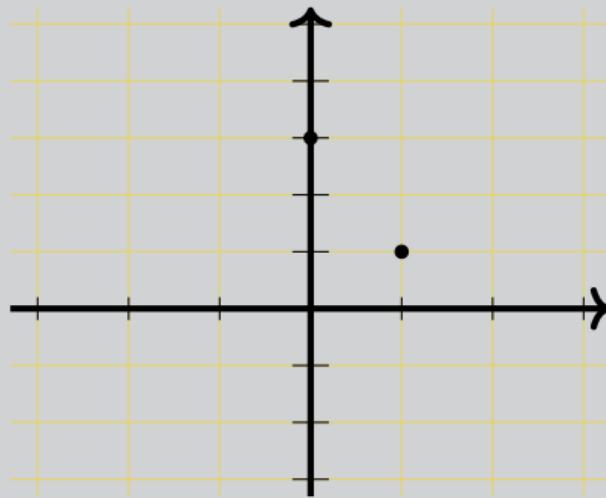


Vi skal tegne linja  $y = -2x + 3$ .

# Formel for linje

- Alle likninger på formen  $y = a \cdot x + b$  beskriver en linje i koordinatsystemet.
- Den mest rett frem måten å tegne den på er å regne ut to punkter.

## Eksempel

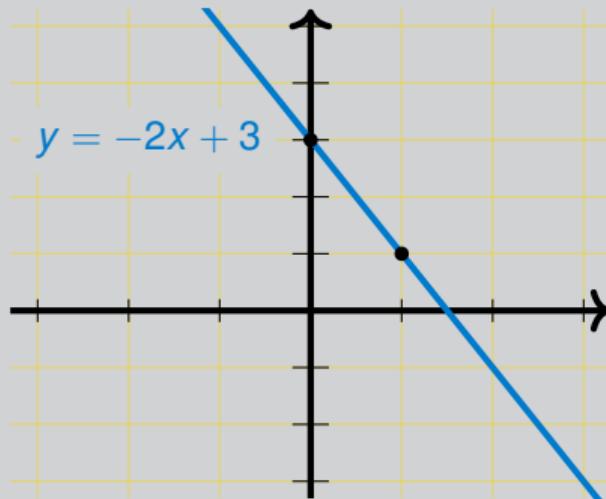


- Vi skal tegne linja  $y = -2x + 3$ .
- Når  $x = 0$  er  $y = 3$ , og når  $x = 1$  er  $y = 1$ .

# Formel for linje

- Alle likninger på formen  $y = a \cdot x + b$  beskriver en linje i koordinatsystemet.
- Den mest rett frem måten å tegne den på er å regne ut to punkter.

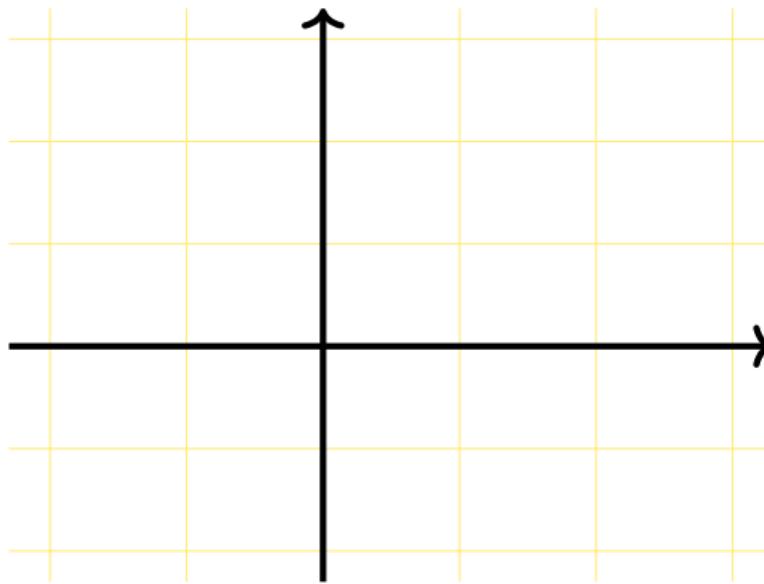
## Eksempel



- Vi skal tegne linja  $y = -2x + 3$ .
- Når  $x = 0$  er  $y = 3$ , og når  $x = 1$  er  $y = 1$ .
- Vi kan nå tegne linja mellom punktene.

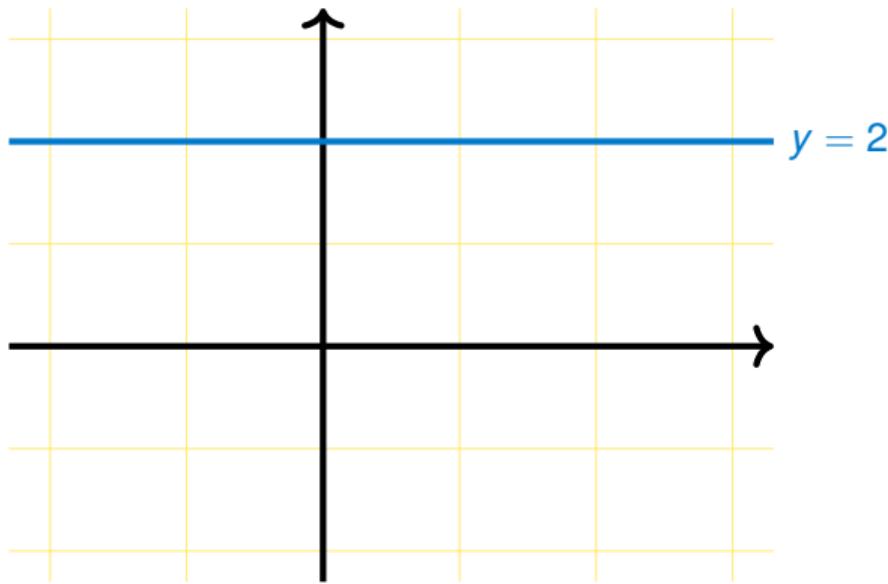
# Horisontale og vertikale linjer

- En **horisontal** linje har formen  $y = k$ .



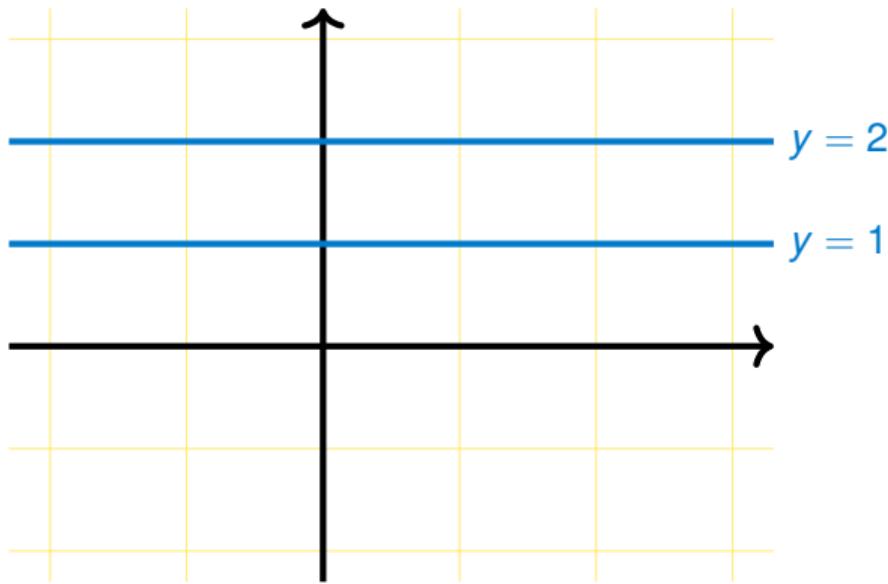
# Horisontale og vertikale linjer

- En **horisontal** linje har formen  $y = k$ .



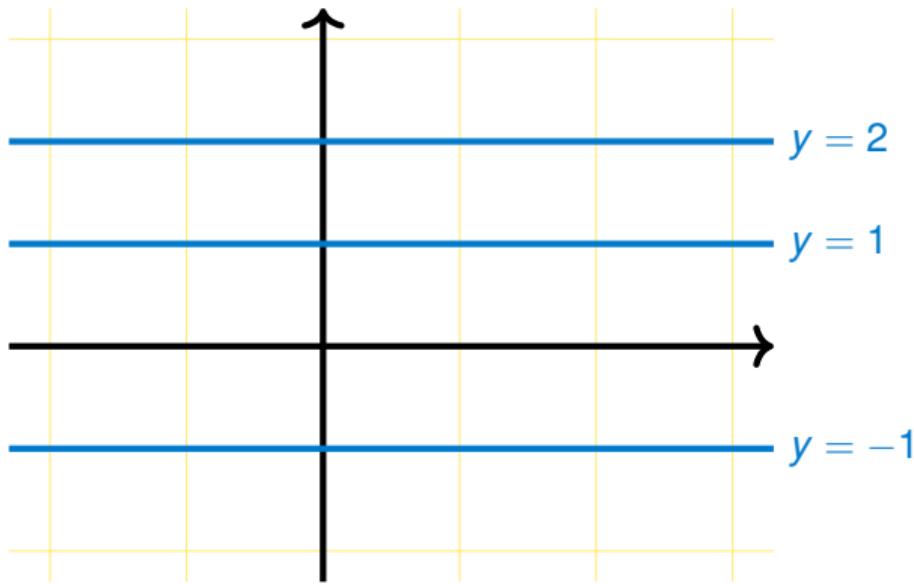
# Horisontale og vertikale linjer

- En **horisontal** linje har formen  $y = k$ .



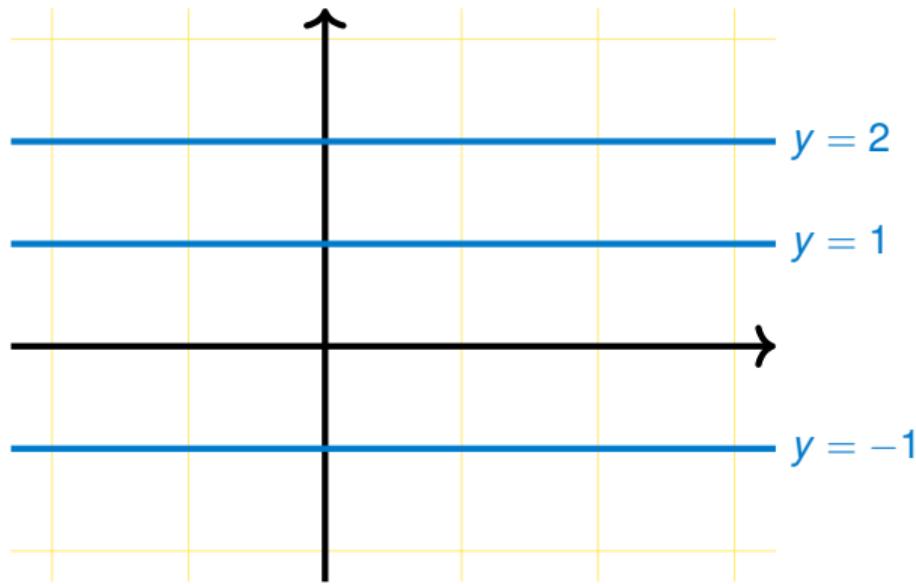
# Horisontale og vertikale linjer

- En horisontal linje har formen  $y = k$ .



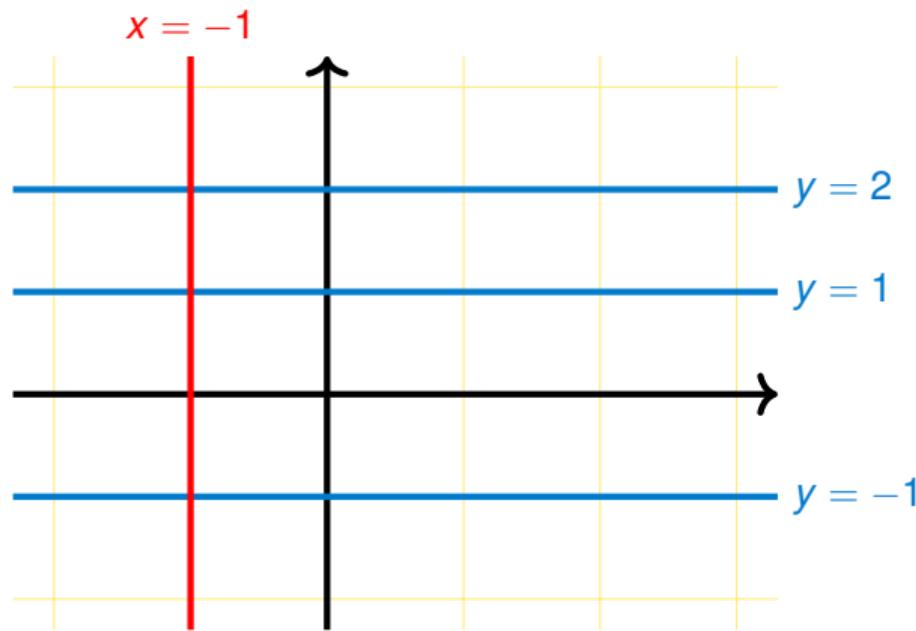
# Horisontale og vertikale linjer

- En **horisontal** linje har formen  $y = k$ .
- En **vertikal** linje har formen  $x = k$ .



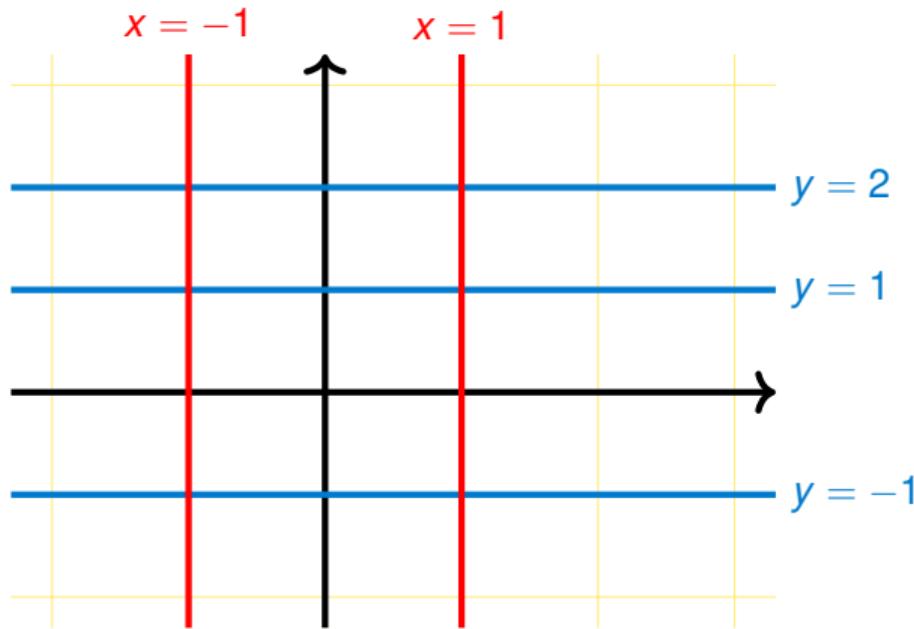
# Horisontale og vertikale linjer

- En **horisontal** linje har formen  $y = k$ .
- En **vertikal** linje har formen  $x = k$ .



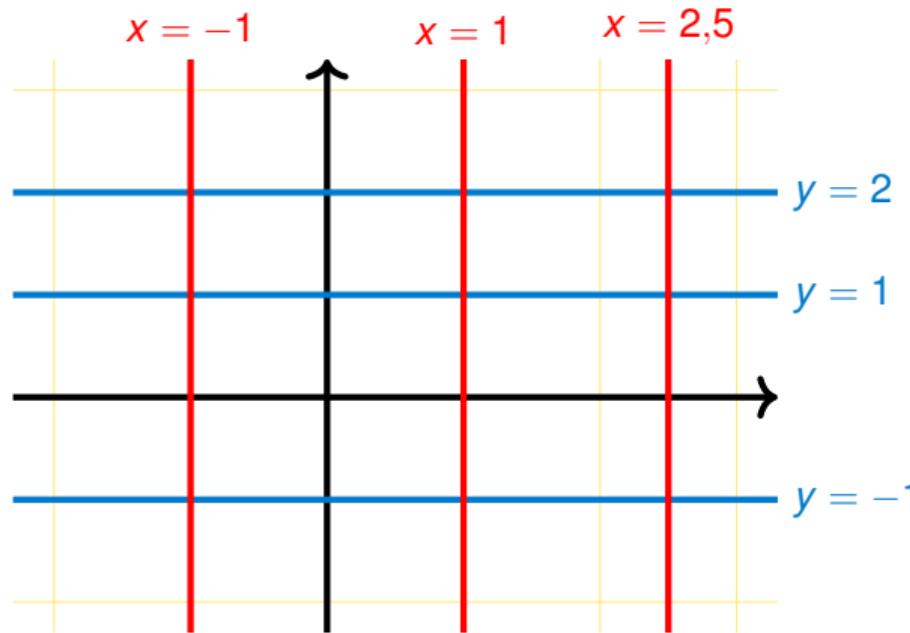
# Horisontale og vertikale linjer

- En **horisontal** linje har formen  $y = k$ .
- En **vertikal** linje har formen  $x = k$ .



# Horisontale og vertikale linjer

- En **horisontal** linje har formen  $y = k$ .
- En **vertikal** linje har formen  $x = k$ .



# Rette linjer

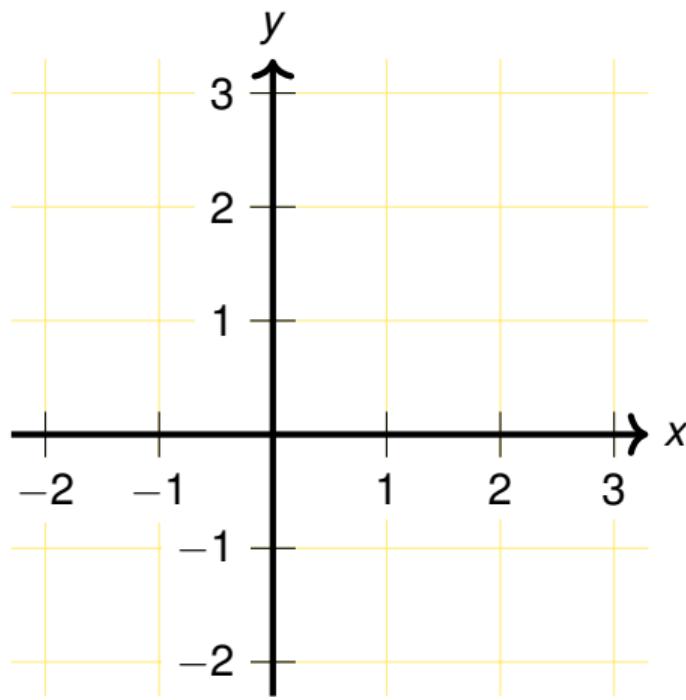
## 1 Rette linjer

- Koordinatsystem
- Formel for linje
- Konstantledd og stigningstall

## 2 Grafisk avlesning

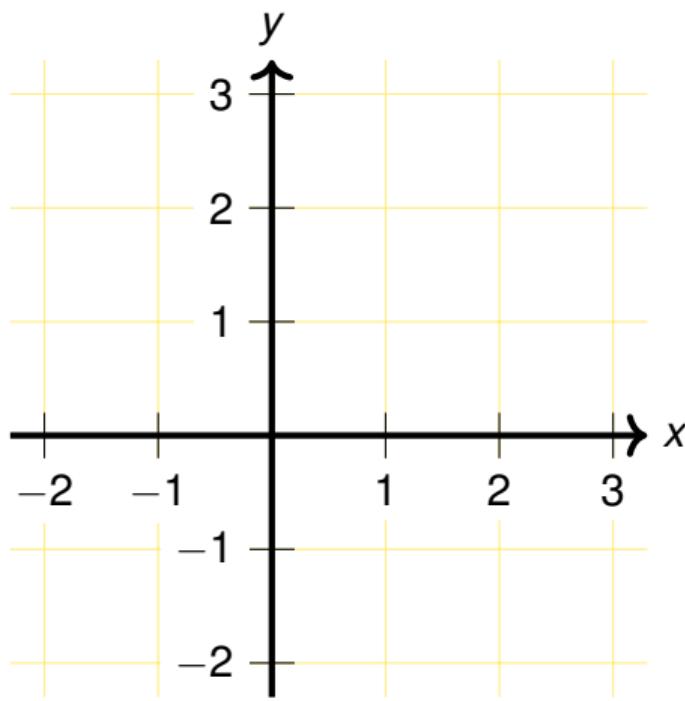
## 3 Grafisk løsning av lineære likningssett

# Konstantledd og stigningstall



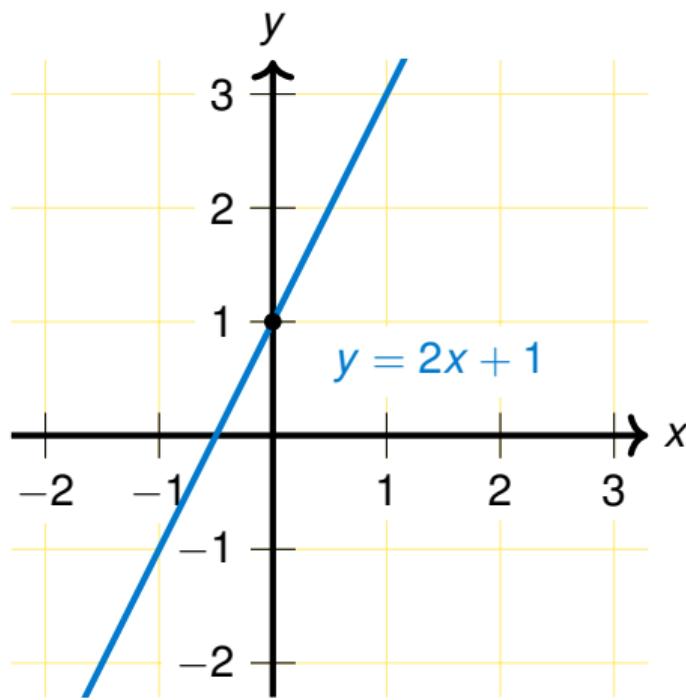
■ Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles konstantleddet.

# Konstantledd og stigningstall



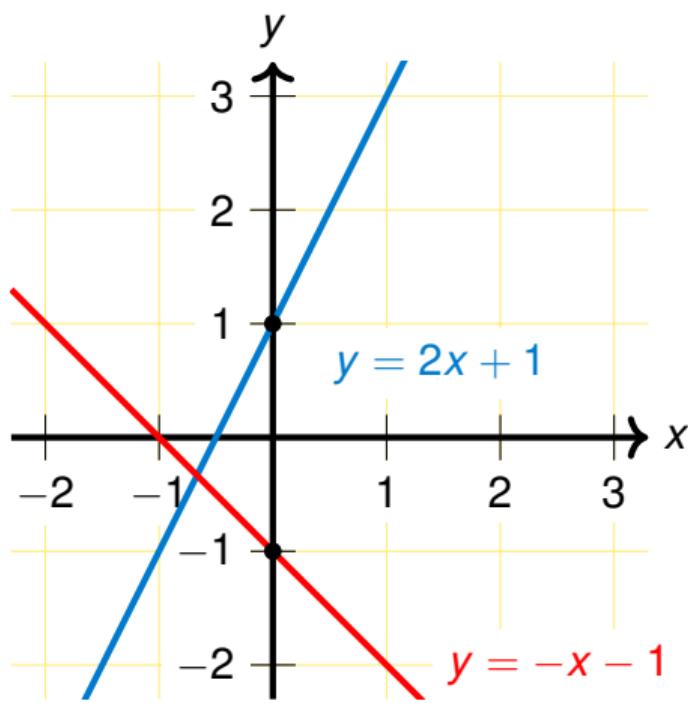
- Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles **konstantleddet**.
- Det forteller oss hvor linja kommer til å **treffe** y-aksen.

# Konstantledd og stigningstall



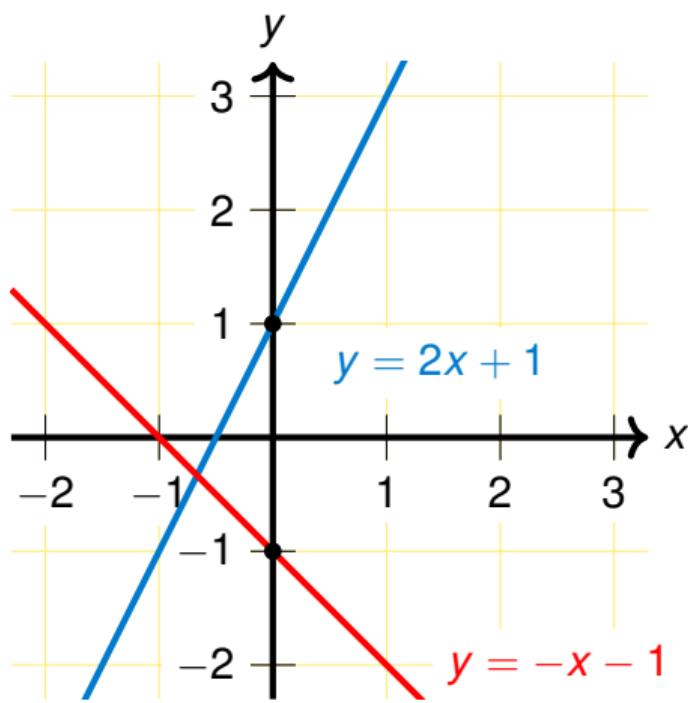
- Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles **konstantleddet**.
- Det forteller oss hvor linja kommer til å **treffe** y-aksen.

# Konstantledd og stigningstall



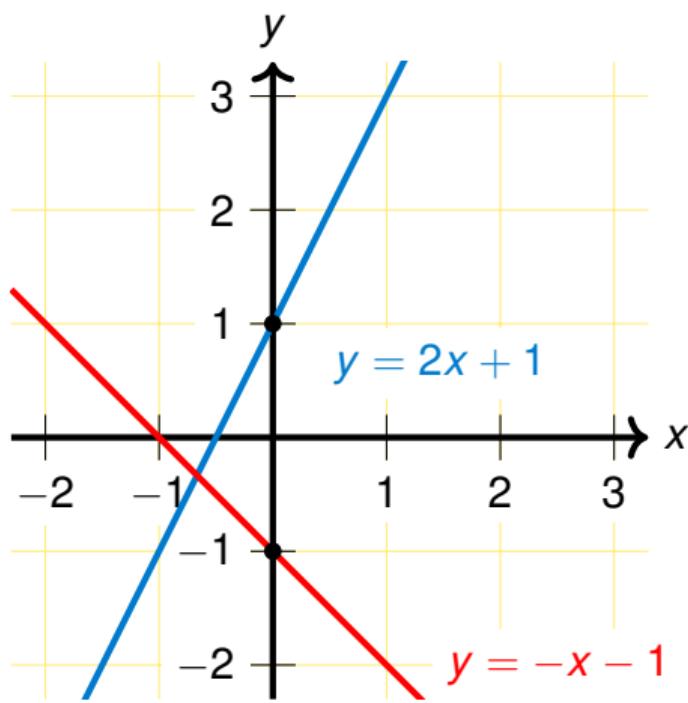
- Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles **konstantleddet**.
- Det forteller oss hvor linja kommer til å **treffe**  $y$ -aksen.

# Konstantledd og stigningstall



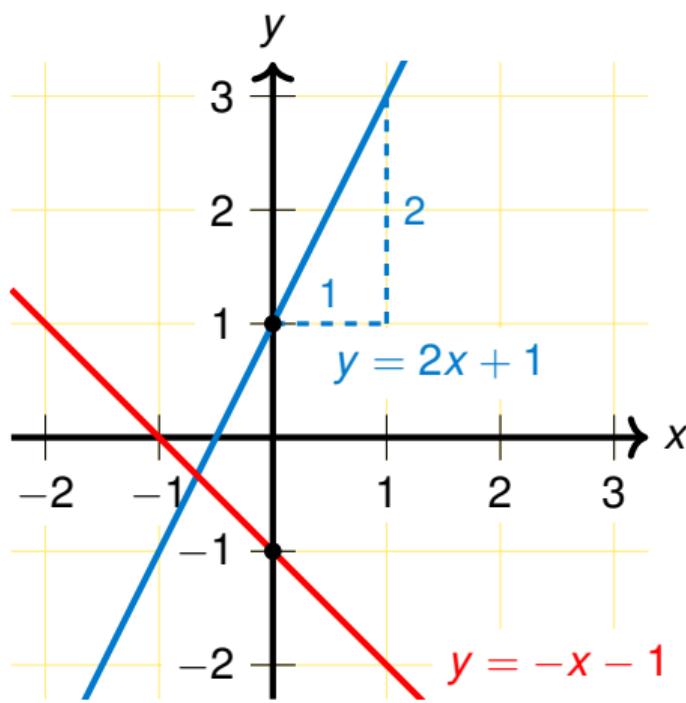
- Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles **konstantleddet**.
- Det forteller oss hvor linja kommer til å **treffe** y-aksen.
- Tallet  $a$  i  $y = ax + b$  kalles **stigningstallet**.

# Konstantledd og stigningstall



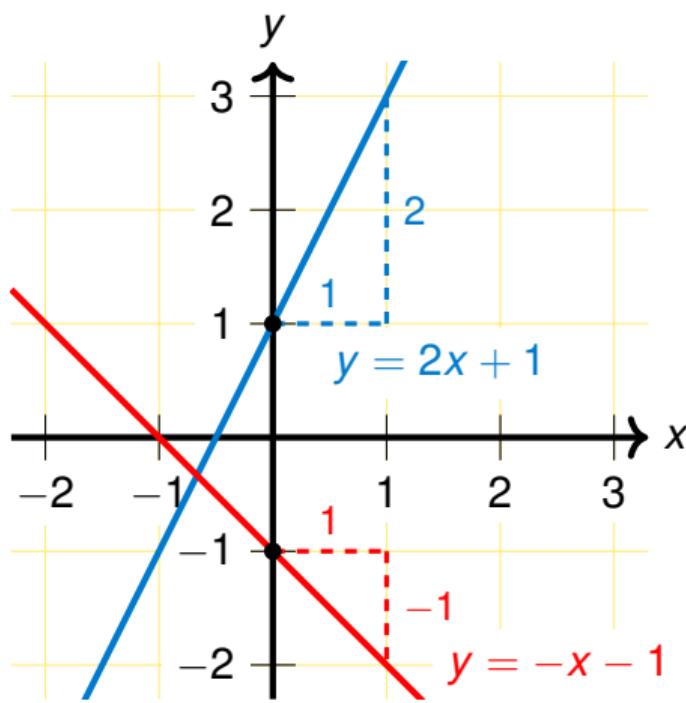
- Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles **konstantleddet**.
- Det forteller oss hvor linja kommer til å **treffe** y-aksen.
- Tallet  $a$  i  $y = ax + b$  kalles **stigningstallet**.
- Det forteller oss hvor fort linja **stiger**.

# Konstantledd og stigningstall



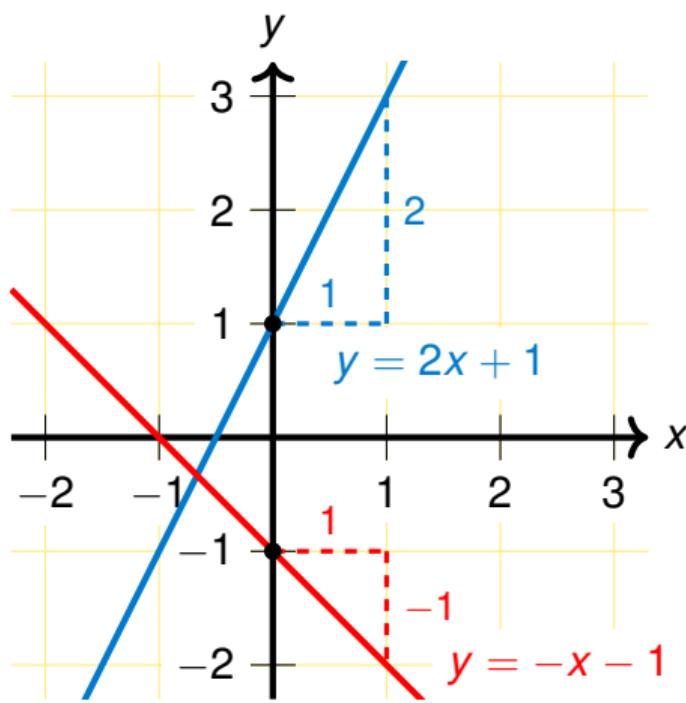
- Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles **konstantleddet**.
- Det forteller oss hvor linja kommer til å **treffe** y-aksen.
- Tallet  $a$  i  $y = ax + b$  kalles **stigningstallet**.
- Det forteller oss hvor fort linja **stiger**.

# Konstantledd og stigningstall



- Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles **konstantleddet**.
- Det forteller oss hvor linja kommer til å **treffe** y-aksen.
- Tallet  $a$  i  $y = ax + b$  kalles **stigningstallet**.
- Det forteller oss hvor fort linja **stiger**.

# Konstantledd og stigningstall



- Tallet  $b$  i  $y = ax + b$  kalles **konstantleddet**.
- Det forteller oss hvor linja kommer til å **treffe**  $y$ -aksen.
- Tallet  $a$  i  $y = ax + b$  kalles **stigningstallet**.
- Det forteller oss hvor fort linja **stiger**.
- Om du går ett steg til siden, går linja  $a$  steg opp.

# Tegne linja

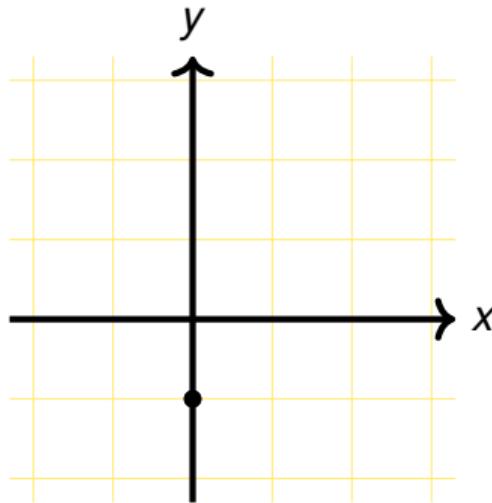
## Oppgave

Tegn linjene  $y = 2x - 1$  og  $y = -\frac{1}{2}x + 2$ .

# Tegne linja

## Oppgave

Tegn linjene  $y = 2x - 1$  og  $y = -\frac{1}{2}x + 2$ .

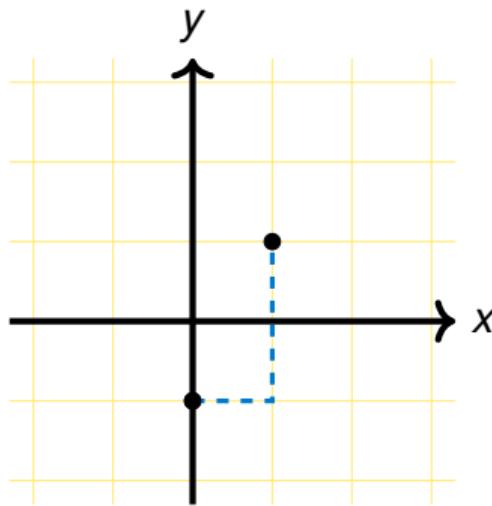


- Linja  $y = 2x - 1$  går gjennom  $-1$  på  $y$ -aksen.

# Tegne linja

## Oppgave

Tegn linjene  $y = 2x - 1$  og  $y = -\frac{1}{2}x + 2$ .

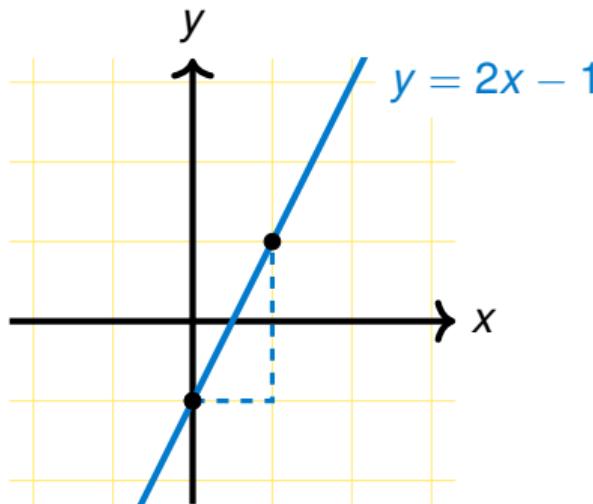


- Linja  $y = 2x - 1$  går gjennom  $-1$  på  $y$ -aksen.
- Om vi går ett steg til siden, skal vi gå opp 2.

# Tegne linja

## Oppgave

Tegn linjene  $y = 2x - 1$  og  $y = -\frac{1}{2}x + 2$ .

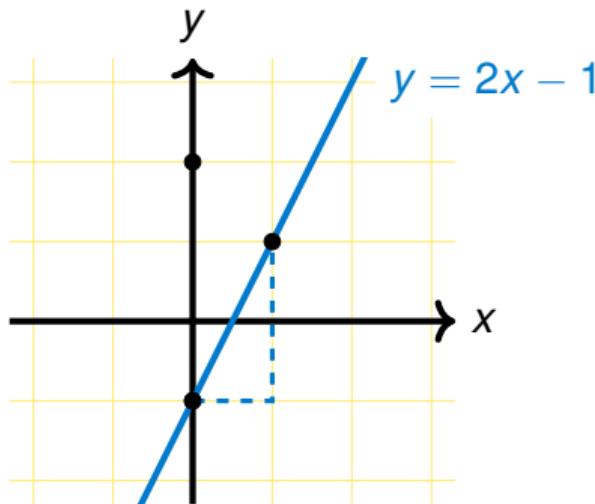


- Linja  $y = 2x - 1$  går gjennom  $-1$  på  $y$ -aksen.
- Om vi går ett steg til siden, skal vi gå opp 2.

# Tegne linja

## Oppgave

Tegn linjene  $y = 2x - 1$  og  $y = -\frac{1}{2}x + 2$ .

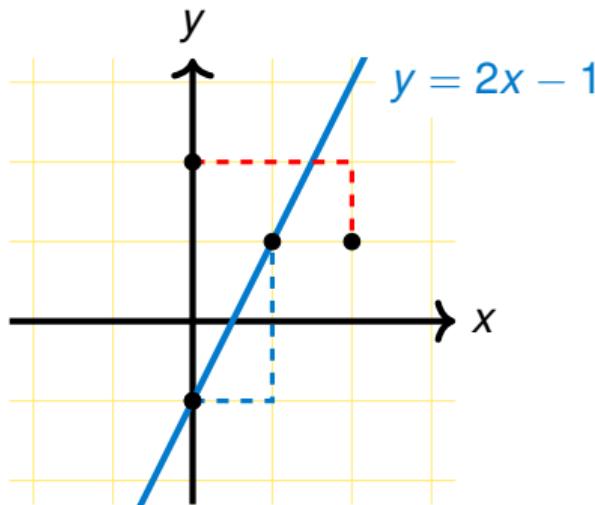


- Linja  $y = 2x - 1$  går gjennom  $-1$  på  $y$ -aksen.
- Om vi går ett steg til siden, skal vi gå opp 2.
- Linja  $y = -\frac{1}{2}x + 2$  går gjennom  $2$  på  $y$ -aksen.

# Tegne linja

## Oppgave

Tegn linjene  $y = 2x - 1$  og  $y = -\frac{1}{2}x + 2$ .

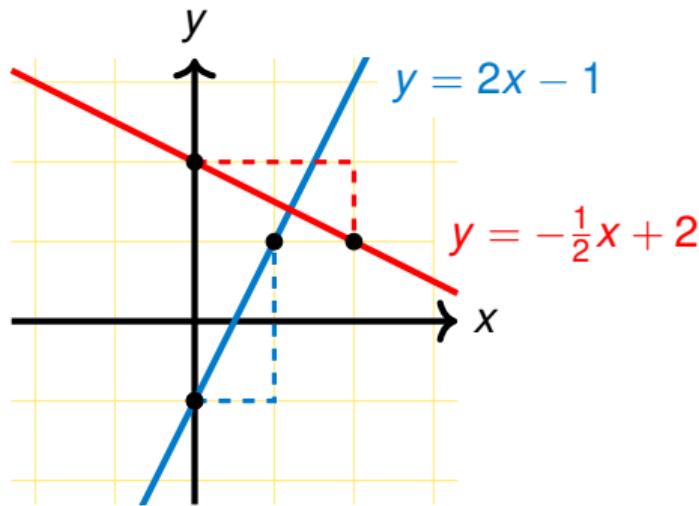


- Linja  $y = 2x - 1$  går gjennom  $-1$  på  $y$ -aksen.
- Om vi går ett steg til siden, skal vi gå opp 2.
- Linja  $y = -\frac{1}{2}x + 2$  går gjennom  $2$  på  $y$ -aksen.
- Om vi går **to** steg til siden, skal vi gå ned 1.

# Tegne linja

## Oppgave

Tegn linjene  $y = 2x - 1$  og  $y = -\frac{1}{2}x + 2$ .



- Linja  $y = 2x - 1$  går gjennom  $-1$  på  $y$ -aksen.
- Om vi går ett steg til siden, skal vi gå opp 2.
- Linja  $y = -\frac{1}{2}x + 2$  går gjennom  $2$  på  $y$ -aksen.
- Om vi går **to** steg til siden, skal vi gå ned 1.

**OSLOMET**

**OSLO METROPOLITAN UNIVERSITY  
STORBYUNIVERSITETET**